

- 1) Die Sprache $L(G)$ ist $\{c, cc\} \cup \{d^n f \mid n \geq 0\}$.
- 2) *Lösung.* Die Sprache wird durch die Grammatik $(\{S, T, U, F\}, \{a, b\}, R, S)$ beschrieben, wobei die Regeln R wie folgt definiert sind:

$$\begin{aligned} S &\rightarrow aT \mid bS \\ T &\rightarrow aT \mid bU \\ U &\rightarrow aF \mid bS \\ F &\rightarrow aF \mid bF \mid \epsilon \end{aligned}$$

Die Ableitungen sehen wie folgt aus:

$$S \Rightarrow aT \Rightarrow abU \Rightarrow abaF \Rightarrow aba$$

$$S \xRightarrow{*} abaF \Rightarrow ababF \Rightarrow abab$$

$$S \Rightarrow bS \xRightarrow{*} bababF \Rightarrow bababaF \Rightarrow bababa$$

□

- 3) *Lösung.* Wir definieren die Grammatik $A := (V, \Sigma, R, F)$ wobei, $V := \{F, W, V\}$, $\Sigma := \{\neg, \wedge, \vee, \rightarrow, (,), \text{False}, \text{True}, p, q, r\}$, und R wie folgt definiert ist:

$$\begin{aligned} F &\rightarrow V \mid W \mid \neg F \mid (F \wedge F) \mid (F \vee F) \mid (F \rightarrow F) \\ W &\rightarrow \text{True} \mid \text{False} \\ V &\rightarrow p \mid q \mid r \end{aligned}$$

Beide Ausdrücke können abgeleitet werden.

a)

$$\begin{aligned} &F \\ &\Rightarrow G \\ &\Rightarrow F \rightarrow F \\ &\Rightarrow V \rightarrow F \\ &\Rightarrow p \rightarrow F \\ &\Rightarrow p \rightarrow (G) \\ &\Rightarrow^4 p \rightarrow (\text{False} \wedge q) \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
\text{b)} \quad & F \\
& \Rightarrow \neg F \\
& \Rightarrow \neg(F \wedge F) \\
& \Rightarrow \neg((F \rightarrow F) \wedge F) \\
& \Rightarrow \neg((F \rightarrow (F \wedge F)) \wedge F) \\
& \Rightarrow \neg((F \rightarrow (F \wedge F)) \wedge (F \vee F)) \\
& \Rightarrow \neg((F \rightarrow (F \wedge F)) \wedge (\neg F \vee F)) \\
& \Rightarrow^5 \neg((V \rightarrow (W \wedge V)) \wedge (\neg V \vee W)) \\
& \Rightarrow^5 \neg((p \rightarrow (\text{False} \wedge q)) \wedge (\neg q \vee \text{True}))
\end{aligned}$$

□